

# O jednom matematičkom modelu psihobiologije stresnog odgovora

**Danka Savic**

## **Sažetak**

*Svi biološki sistemi su kompleksni: njihovo ponašanje je rezultat uskladene aktivnosti mnogo elemenata i povezuje se nelinearnim zakonitostima. U izucavanju takvih sistema, matematičko modelovanje je vrlo koristan pristup, нарочито zbog mogućnosti predikcije, jer je njihovu dinamiku teško intuitivno predvideti. Matematički opis bioloških procesa može dati okvire za razmišljanje koji mire suprotstavljeni gledišta u dijagnostici ili pomoci u formulaciji pojmove ključnih za razumevanje određenih procesa.*

*U ovom tekstu napravljen je pokušaj približavanja matematičkog modelovanja - njegove svrhe, principa konstruisanja i primene na nelinearne dinamicke sisteme - istraživacima kojima ovakav pristup nije bio blizak. Dalje je opisan model stresnog odgovora koji povezuje njegove psihološke i biološke aspekte, sa akcentima na individualnim razlikama (Savic, Knežević i Opacic, 2000). Opisan je i rad autora Savic i Jelic (2003), u kojem je konstruisano pet verzija modela stresne osovine i ispitano poreklo vremenske periodičnosti njenog rada analizom stabilnosti.*

## ŠTA JE MATEMATICKI MODEL I CEMU SLUŽI

Svaka nauka pocinje posmatranjem i opisivanjem pojava. Medutim, sam opis pojave svakako nije naucno znanje. Kad cemo reci da pozajemo neki fenomen? Onda kad znamo *zakonitosti* po kojima se taj fenomen dešava. Zakonitost se najbolje zapisuje matematickim jezikom: jednacina. Matematika je, kako kaže Kit Devlin u svojoj knjizi "Matematicki gen", nauka o relacijama.

Matematicki model nije ništa drugo nego predlog zakonitosti zapisan matematickim jezikom. Takva formulacija je precizna i jednoznačna, što joj daje višestruku prednost u odnosu na verbalnu. Prvo, izbegavaju se nesporazumi nastali usled razlika u subjektivnim tumacenjima. Drugo, matematicki zapis omogućuje kvantitativnu proveru hipoteze. Treće, možda i najvažnije, je *mogucnost predvidanja*. Hans Majnert (1982), u uvodu svoje knjige o biološkoj morfogenezi, podseca na primer Njutnove teorije koja precizno opisuje orbite unutrašnjih planeta. Odstupanja nadena u orbitama spoljnih planeta navela su na pretpostavku o postojanju drugih planeta koje su naknadno i pronađene. Jasno je da ovakva predikcija ne bi bila moguća ne-matematickom formulacijom, kao ni samim posmatranjem. Dakle, matematicki modeli svojom prediktivnošću daju putokaze za dalja eksperimentalna i empirijska istraživanja, te je sprega ove dve vrste metoda najefektivniji put ka naucnim saznanjima. Ne treba zaboraviti da eksperiment ima poslednju rec, cime se hipoteticni mehanizam - matematicki model - popravlja i dopunjava u poređenju sa realnim sistemom.

Osnovni principi konstruisanja matematickog modela su slaganje sa postojećim eksperimentalnim podacima i uvodenje minimalnog broja hipotetičnih promenljivih, potrebnih za opisivanje date pojave. U istom smislu, ako ne znamo tacnu funkciju zavisnosti jedne promenljive od druge, nego imamo skup merenih tacaka, aproksimiramo ga najjednostavnijom funkcijom koja odgovara merenim tackama. Ako nam je poznata jedino gruba korelacija između dve osobine (raste ili opada), pomicamo od pravolinjske zavisnosti. Usložnjavanje modela opravdano je jedino ako je potrebno da bi se objasnilo vido ponašanje ili ako imamo dobar razlog da verujemo da se sistem ponaša po nekoj određenoj zakonitosti (npr. po analogiji sa nekim sличnim).

Model sme biti nepotpun, ali se, naravno, ne sme kositi sa važećim poznatim zakonima i cinjenicama. Još jedan znacajan doprinos matematickog modela je što izdvaja velicine koje čine suštinu procesa koji se izucava. Ovo je narocito važno za biohemijske sisteme, u kojima po pravilu ucestvuje veliki broj jedinjenja. Kao ilustraciju, navešćemo Hodgkin-Huxley-jev model iz oblasti neurofiziologije, za koji su ovi autori dobili Nobelovu nagradu 1963. godine, a koji je verovatno poznat psihijatrima. Model se odnosi na jonske kanale u membrani nadražljive nervne celije. Da bi objasnili provođenje jonskih struja i akcionog potencijala, Hodžkin i Haksli su postulirali postojanje određenih cestica (protein) u kanalima membrane, koje moraju da se nadu u povoljnem položaju (od moguća dva) da bi se kanal otvorio. Njihov model odlicno simulira oblik akcionog potencijala. Za svaki

kanal uveli su po cetiri cestice - minimum koji je bio potreban da bi se dobio takav oblik funkcije. Ceo model se odnosi samo na natrijumovu i kalijumovu struju (i kanale). Mada je danas poznato da u tim procesima ucestvuju i drugi joni, ove dve jonske vrste (razlicitih potencijala) su dovoljne da bi se objasnila suština fenomena. Taj model objašnjava i ceo niz osobina nervnog vlakna (refraktornost, akomodaciju, itd.)

## NELINEARNOST

Razumevanje kompleksnih sistema - od fizickih, hemijskih, bioloških, meteoroloških, pa sve do ekonomskih i socioloških - mnogo je napredovalo korišcenjem matematičkih modela. Kompleksni sistemi su oni cije je ponašanje rezultat uskladene aktivnosti mnogo elemenata (atoma, molekula, celija, jedinki, itd.) i koje se povinuje nelinearnim zakonitostima. U matematičkom modelovanju kompleksnih sistema veliku ulogu igraju kompjuteri - kompjuterske simulacije dopunjaju analitičke matematičke metode. Upravo zbog nelinearne dinamike, teško je intuitivno predvideti ponašanje ovakvih sistema pri promeni uslova. Menjanje samo brojnih vrednosti parametara u jednoj jedinoj nelinearnoj jednacini može dati kvalitativno razlike ishode. Dobar model povezuje više naizgled nezavisnih fenomena u zajednicki mehanizam. Primjeno na oblast medicine, odnosno psihijatrije, ovo znači da valjan matematički model predlaže moguci jedinstven neurobiohemski mehanizam koji leži u osnovi razlicitih (grupa) simptoma. Medicinsko iskustvo i biohemiske analize mogu dovesti u vezu razlike bolesti sa razlikama u koncentraciji jednog jedinjenja, ali matematički model traži odgovor na pitanje KAKO se to dešava.

Cesto se srecemo sa pitanjem da li neke pojave (npr. osobine) leže na pravolinijskom kontinuumu ili pripadaju razlicitim diskretnim kategorijama. Drugim recima, da li se te pojave razlikuju samo kvantitativno ili i kvalitativno? Na primer, da li je patološka disocijacija ekstremno ispoljena normalna disocijacija (maksimalne vrednosti na osi) ili je to neka sasvim druga kategorija? Strucnjaci lome kopija na ovom i sличnim pitanjima. Okviri za razmišljanje koji, uslovno receno, mire ta dva gledišta, bi mogli biti sledeći.

Recimo da imamo jednu osobinu,  $x$ , koja može linearno da raste po jednoj osi. Za odredenu - *pražnu* - vrednost,  $x_p$ , ona pocinje da interaguje sa velicinom  $y$  (iznad njene pražne vrednosti  $y_p$  za istu reakciju). Kakav sve može da bude rezultat te interakcije? Ako je reakcija pozitivna povratna sprega, vidimo naglo povecanje (nelinearno!)  $x$  za vrednosti veće od  $x_p$

Drugi moguci ishod je neki složeniji fenomen (nazovimo ga kompleks  $xy$ , koji nije njihov prost zbir) u kome se prepoznaju elementi  $x$ , ali postoji i dodatne komponente. Na primeru disocijacije, normalna se uglavnom svodi na apsorpciju spoljnim ili unutrašnjim sadržajima, tj. na suženje pažnje. Kod patološke disocijacije, pored suženja pažnje, uocava se zavisnost memorija i identiteta od stanja (dodatne komponente) (Putnam, 1997). Ako je normalna disocijacija (apsorpcija)  $x$ , strah (neurotizam) bi mogao da bude  $y$ . Patološka

disocijacija - kompleks xy - bi mogla da bude (nelinearna) posledica sinergije normalne disocijacije i straha. Sa takvog gledišta, pitanje kontinuum ili diskretna stanja postaje samo terminološko.

U principu, fenomenološka slika cak može biti takva da se više ne prepoznaju ni x ni y, jer je mehanizam skrenut u drugom smeru. Treba napomenuti da prag za reakciju x i y može biti odredena vrednost neke treće velicina koja utice na ove dve.

Možda nam je još jasnije kad razmišljamo na biohemiskom nivou. Znamo da neurotransmiteri i hormoni deluju samo preko svojih receptora, a svaki od njih po pravilu ima više vrsta receptora razlicitih afiniteta. Kad su koncentracije hormona ili transmitera male, oni se vezuju samo za receptore sa najvecim afinitetom. Kad su velike, preostane ih dovoljno i za druge, sa nižim afinitetom, što znači da u mehanizmu ulaze i neke nove reakcije - ti receptori aktiviraju (ili inhibiraju) proizvodnju nekih drugih proteina.

Da ponovimo, nelinearna dinamika može dati širok spektar ishoda koje je teško intuitivno predvideti. Znaci, ako merimo korelacije nekih velicina, ne smemo ekstrapolisati taj odnos van opsega merenja.

Još jedan primer nelinearnosti pružaju naši rezultati istraživanja o posledicama traumatskih dogadaja: veze otvorenosti i intruzivnih simptoma. Otvorenost je po "Big Five" (Pet velikih) modelu licnosti široka i opšta dimenzija, koja se ispoljava kao "živa mašta, umetnicka senzitivnost, dubina emocija, ponašajna fleksibilnost, intelektualna radoznalost i nekonvencionalni stavovi" (McCrae, 1996) i meri se NEO PI-R upitnikom (Costa & McCrae, 1992). Intruzivni simptomi su nametljiva i potresajuća secanja (slike, misli, percepcije), snovi, iluzije, halucinacije, "flashback" epizode, koji su vezani za dogadaj i koji se ponavljaju; mere se Skalom uticaja dogadaja (IES; Horowitz, Wilner & Alvarez, 1979).

Mi smo predviđeli obrnutu proporcionalnost između ovih velicina: veca otvorenost - manje intruzija i obrnuto. To je potvrđeno na populaciji izbeglica: dobijene su male, ali ipak znacajne negativne korelacije. Međutim, u istraživanju na studentima psihologije, dobijene su pozitivne korelacije između otvorenosti i intruzija (Knežević, Opacic, Savic & Priebe, 2004). S obzirom da su studenti psihologije na otvorenosti otprilike dve standardne devijacije iznad proseka (Knežević, Opacic, Savic & Priebe, 2004) znači da su njihove vrednosti u okolini maksimuma na ovoj osi. Dakle, jasno je da je zavisnost intruzija od otvorenosti nelinearna funkcija (kriva), ma koji da je uzrok.

Ono što komplikuje sliku u psihološkim merenjima u odnosu na egzaktne nauke je to što je mereni fenomen x obično neka složena velicina ili citav mehanizam. U ovom slučaju, gde je x otvorenost, jedno moguce objašnjenje nelinearnosti je da su za srednje vrednosti x dominantne neke komponente ove osobine, dok u višem registru x prevladavaju druge komponente. U svom očekivanju, imali smo u vidu "ponašajnu fleksibilnost, intelektualnu radoznalost i nekonvencionalne stavove" za koje bi bilo logično da pomažu prilikom obrad informacija o traumatskom dogadaju. Moguce je da kod ekstremne

otvorenosti dominiraju "živa mašta, umetnicka senzitivnost i dubina emocija", koje bi mogле biti smetnja normalnoj obradi informacija.

Treba dodati da je, bez obzira na razlike u otvorenosti, glavni prediktor intruzija kod obe populacije neurotizam. Ova osobina, definisana u pomenutom "Big Five" modelu licnosti kao uopštena predispozicija ka "doživljavanju negativnih afekata kao što su strah, tuga, zbuđenost, ljutnja, krvica i gadenje" (Costa & McCrae, 1992), uvek cini jezgro psihološke osetljivosti u stresu.

## MATEMATICKI MODEL STRESNOG ODGOVORA

Mada je postojanje tesnih veza između somatskih i mentalnih procesa odavno poznato, još uvek se ne znaju mehanizmi koji leže u osnovi tih interakcija u stresnom odgovoru.

Savic, Knežević i Opacic (2000) su konstruisali matematički model stresnog odgovora sa akcentima na individualne razlike koji povezuje psihološke i biološke aspekte stresne reakcije. Model integrše širok spektar rezultata iz razlicitih istraživačkih oblasti – psihologije, psihijatrije, fiziologije, itd., u konzistentan mehanizam povratne sprege između stresne (hipotalamo -hipofizno-adrenalne, skraceno HPA<sup>1</sup>) osovine i memorijskog sistema. Pre matematičke formulacije, trebalo je precizno i operativno definisati velicine preko kojih će biti opisan proces stresnog odgovora i postulirati njihove medusobne relacije (Savic, Knežević & Opacic, 1999). Ovaj model predlaže odgovore na tri pitanja: 1) šta je kome stresno, 2) koliko kome treba vremena da se oporavi i 3) kakve su dugoročne posledice stresa.

Za odgovor na prvo pitanje, uveden je parametar  $\sigma$  (sigma) – *prag za psihološke stresore* koji se može definisati kao minimalan spoljni stimulus (psihološke prirode) sposoban da izazove pojicanje aktivnosti HPA ose. Ili, statistički definisano: za bilo koju datu situaciju, stresni prag je obrnuta mera verovatnoće doživljavanja te situacije kao stresne. Ovo znači da, ako postoji veliki broj situacija kroz koje prolaze dve osobe sa razlicitim pravgovima, osetljivija osoba će doživeti više situacija kao stresne nego otpornija osoba, obrnuto proporcionalno svojim vrednostima  $\sigma$ . Važno je istaci da ova definicija dozvoljava da svaka pojedinacna situacija bude stresna za otpornijeg (veće  $\sigma$ ), a nestresna za vulnerabilnijeg (manje  $\sigma$ ). Drugim recima, svako može imati *uslovljene* stresore koji su specifični za njega, čak i ako je u opštem slučaju ta osoba jaka. Ali, odnos broja stresnih doživljaja prema ukupnom broju razlicitih situacija je svakako veci kod vulnerabilnijeg. U opštem slučaju, postoje dve grupe cinilaca koji određuju stresni prag: genetska i iskustvena. Akumulacija životnog iskustva znači *ucenje*, cime se menja osetljivost na stres. Jezgro vulnerabilnosti čini crta licnosti *neurotizam* (opisana gore).

---

<sup>1</sup> Od engleskog hypothalamo-pituitary-adrenal; ovaj sistem proizvodi kaskadu od tri hormona u kojoj svaki stimuliše sledeći, a poslednji (treći) inhibira proizvodnju prvog, cime se postiže samoregulacija

Za odgovor na drugo pitanje, uveden je vremenski parametar  $\tau$  (tau), koji se odnosi na brzinu obradivanja "emotivnih" informacija (onih koje izazivaju emotivno pobudjenje). Ovaj parametar karakteriše vreme potrebno za razdvajanje faktografske informacije od afektivne komponente i za njeno integrisanje u strukturisani memorijski sistem. Možemo reci da je stresna informacija usvojena kad secanje na taj dogadaj više ne izaziva emotivnu reakciju. Znaci, na kraju ovog procesa ostaju dva dugorocna zapisa u memoriji: jedan o cinjenicama vezanim za dogadaj, a drugi o emotivnoj reakciji. Uvodimo pretpostavku da je vremenska zavisnost procesa obrade "emotivnih" informacija eksponencijalna sa karakterističnim periodom  $\tau$  (tau), tako da je  $\tau$  obrnuto proporcionalno brzini. Nameće se pitanje: da li je moguce prepoznati  $\tau$  u ponašanju ljudi i kako se ono može meriti? Naša pretpostavka je da je  $\tau$  direktno vezano za drugu bazicnu osobinu ljestnosti - *otvorenost* (opisanu gore). Prepostavljamo da neurofiziološki mehanizam koji leži u osnovi individualnih razlika u otvorenosti igra ključnu ulogu u obradivanju traumatskih informacija. Viši nivo otvorenosti znaci da je osoba kognitivno fleksibilnija, pa joj, prema tome, treba manje vremena (manje  $\tau$ ) da asimiluje novu informaciju koja je izazvala emotivno pobudjenje. Nizak nivo otvorenosti karakteriše rigidan kognitivan sistem, kojem mi pripisujemo veliko  $\tau$  (spora obrada). Direktna predikcija ove hipoteticne relacije je da osobe koje pate od post-traumatskog stresnog poremećaja (PTSP) imaju niske ocene na merama otvorenosti. Empirijski rezultati su diskutovani u odeljku o nelinearnosti.

Zbog treceg pitanja uvedena je velicina koju smo nazvali coping faktor<sup>2</sup>  $\kappa$  (kapa) i koju takođe vezujemo za neurotizam. I coping faktor se menja sa ucenjem iz stresnog iskustva i to direktnije nego stresni prag. Uprkos cinjenici da je porast osjetljivosti opšta reakcija koja se javlja odmah po traumatskom dogadaju, dugorocene posledice takvog dogadaja mogu biti razlike: neke pojedince ojaca ovakvo iskustvo, a neki postanu osjetljiviji. Kad je osoba izložena stresoru, ona reaguje na određen nacin. Latentni period (od nekoliko sati do nekoliko dana) izmedu dogadaja i pojave senzitizacije je period u kojem ljudi ocenjuju sopstveno ponašanje. Samoprocena je verovatno glavna determinanta "znaka" krajnjeg efekta stresa: ako je ponašanje u stresnoj situaciji ocenjeno kao uspešno, pozitivan ishod (povecan prag) je verovatniji i obrnuto. Ako sa  $N_+$  označimo broj stresnih iskustava u prošlosti koje je osoba ocenila kao uspešno prebrodene, a sa  $N_-$  broj neuspešnih, onda će njihov odnos  $N_+/N_-$  odrediti završnu promenu praga. Coping faktor je prirodnji logaritam od  $N_+/N_-$ . Ako je  $\kappa$  pozitivan (više uspešno nego neuspešno rešenih stresnih situacija u prošlosti), osoba će biti ojacana stresom, a ako je manji, bice vulnerabilnija.

Iz definicije stresnog praga, vidi se da je ta velicina direktna veza izmedu HPA ose i memorijskog sistema. Mehanizam povratne sprege izmedu ova dva sistema ogleda se u sledecem. Sigma zadaje nivo stresora pri kome se uključuje "alarmni" režim funkcionisanja HPA ose - uticaj memorijskog sistema na HPA. Neki od hormona HPA ose (bar jedan)

---

<sup>2</sup> Termin "coping" je odomacen kod nas, a uzet je iz engleskog: coping - hvatanje u koštar, prevladavanje.

pomaže zapisivanju stresnog iskustva u memoriju, gde ono ucestvuje u modifikaciji stresnog praga - uticaj HPA ose na memorijski sistem.

Numericko rešenje modela simulira tri faze odgovora na pojedinacan stresor kratkog trajanja: 1) ekscitacija HPA ose i regulacija primarnog odgovora (minuti - sati); 2) opšta senzitizacija - privremeno sniženje praga (dani) i 3) oporavak (meseci).

Dve važne implikacije modela su: 1) direktna korelacija izmedu neurotizma i bazalnog nivoa kortizola - preko  $\sigma$  (i bez stresa) i 2) osobe kod kojih je stresna reakcija produžena (veliko  $\tau$ ) imaju nizak nivo otvorenosti.

## STABILNOST KOMPLEKSNIH SISTEMA

Vratimo se na kompleksne sisteme i podsetimo se na to da svaki netrivijalan oblik ponašanja zahteva nelinearnost. Njihova dinamika se opisuje sistemima nelinearnih diferencijalnih jednacina koje je cesto nemoguce rešiti analiticki, tj. bez pomoci racunara. Ipak, matematički aparat teorije stabilnosti je dovoljan za analizu opšteg karaktera takvih procesa (Nicolis & Prigogine, 1977)<sup>3</sup>. Njime se mogu ispitati tipovi ponašanja i uslovi za njihove promene.

O stabilnosti govorimo kad razmatramo otvorene termodinamicke sisteme, kao što su, naravno, biološki. Za razliku od klasičnih termodinamickih sistema koji posle dovoljno dugog vremena dostignu apsolutno ravnotežno stanje, otvoreni funkcionišu daleko od ravnotežne tacke i stalno su izloženi fluktuacijama. Oni imaju samo stanja privremene dinamicke ravnoteže - stacionarna stanja (koja su na relativnom, a ne apsolutnom minimumu slobodne energije). Ispitati stabilnost znaci ispitati da li će se sistem izveden iz ravnoteže (stacionarnog stanja) pod dejstvom fluktuacija vratiti u to stanje ili ce preci u neko novo (drugi lokalni energetski minimum). Ovi prelazi se dešavaju pri određenim odnosima parametara koji se nazivaju tacke bifurkacije i mogu se odrediti analizom stabilnosti.<sup>4</sup>

## ANALIZA STABILNOSTI HPA OSE

HPA osa radi u bazalnom (homeostatskom) režimu sa karakterističnim dnevnim ritmom - jedan maksimum i jedan minimum. U zdravom organizmu, HPA osa je podešena tako da u

---

<sup>3</sup> Postoje strucnije knjige o samoj analizi stabilnosti, ali ova knjiga je jedna od najboljih za uvod u neravnotežne sisteme, teoriju i metode analize stabilnosti, a uključuje i biološke primere.

<sup>4</sup> Jedan od mogućih oblika iz širokog spektra ponašanja nelinearnih sistema je deterministički haos o kojem se mnogo govori i nikako ga ne treba izjednacavati sa nelinearnom dinamikom što je primećeno u nekim radovima.

uslovima stresa trenutno pojaca svoju aktivnost i da se što pre vrati na bazalni nivo po uklanjanju spoljnog stresora.

Vecina postojećih matematičkih modela HPA ose (citiranih u: Savic i Jelic, 2003) je pravljena u farmaceutske svrhe, tj. sa ciljem da se predviđi nivo kortizola (glukokortikoida, krajnjeg proizvoda ove hormonske kaskade) posle davanja nekog preparata, tako da su ti modeli fenomenološki. Vremenska periodičnost se u njima najčešće modeluje nekom trigonometrijskom funkcijom koja najbolje "fituje" merenjima i cije se poreklo ne objašnjava. Nedostatak fenomenoloških modela i jeste u tome što oni samo opisuju, ali ne objašnjavaju uoceno ponašanje.

Savic i Jelic (2003) su konstruisale pet varijanti modela bazalne aktivnosti HPA ose. Svih pet verzija je konstruisano po pravilima hemijske kinetike u kojima svaki član ima suštinsko fizicko-hemijsko objašnjenje. Osnovu cini sistem od tri diferencijalne jednacine koje opisuju proizvodnju i trošenje hormona uz inhibitornu povratnu spregu koju pravi kortizol. Model je postepeno usložnjavan da bi se obezbedio što manji gubitak potencijalno važnih informacija aproksimacijama, a svaka uvedena modifikacija ima empirijsko opravданje. Zatim je ispitana dinamika tih modela pomocu analize linearizovane stabilnosti da bi se odredio izvor vremenske periodičnosti koja se vidi u realnosti.

Zašto je pitanje porekla vremenske periodičnosti toliko važno?

Glukokortikoidi su globalni regulatori mnogih drugih hormonskih i metabolickih procesa. Pravilan ritam njihove sekrecije je zato od suštinske važnosti za organizam. Ako bi se on poremetio, sinhronizacija mnogih vitalnih procesa bi se narušila i efekti bi mogli da budu letalni. Postoji velika razlika u opštoj dinamici između dva moguća slučaja: 1) pejsmejkeri koji zadaju ritam su nezavisni od dinamike hormona i 2) dinamika sistema HPA ose (sukcesivna proizvodnja hormona sa autoregulacijom kortizolom) generiše oscilacije.

Ovaj drugi slučaj - intrinsicne oscilacije HPA ose - bi mogao da vodi u prilично složene vremenske šeme, narocito kad se na njih superponiraju spoljni stimulusi. U tom slučaju postoji mogućnost da dođe do višestruko periodične, kvazi-periodične ili cak haotične dinamike.

Analiza svih pet varijanti modela pokazuje da HPA osa ne generiše oscilacije, što su kontra-intuitivni rezultati sa metodološkog stanovišta. To narocito važi za model sa kašnjenjem, jer se kod takvih sistema jednacina obično javljaju oscilacije (Baker et al, 1999). Dakle, sistem HPA ose je asimptotski stabilan i ne osciluje uopšte. Ono što vidimo - pravilne dnevne varijacije koncentracije kortizola - je isključivo posledica odgovaranja ovog sistema na vremensko periodični signal koji dolazi iz nekog drugog dela mozga (za koji empirijski znamo da postoji). Numeričko rešenje cak i najjednostavnije verzije ponudenog modela, kad se uvede nezavisni periodični aktivator, dobro simulira realnu sliku.

Cinjenica da se cirkadijalni ritam održava i u vecini stresom izazvanih poremećaja govori u prilog dobijenim rezultatima, tj. stabilnosti HPA ose.



## LITERATURA<sup>5</sup>

- Baker, C.T.H. , Bocharov, G.A. and Rihan, F.A. (1999) A report on the use of delay differential equations in numerical modelling in the Biosciences. *Numerical Analyses Report No 343.* University of Manchester, Department of Mathematics.
- Costa, P.T. and McCrae, R.R. (1992) NEO PI-R Professional Manual, Revised NEO Personality Inventory (NEO-PI-R) and NEO Five-Factor Inventory (NEO-FFI). Odessa: Psychological Assessment Resources, Inc.
- McCrae, R.R. (1996) Social consequences of experiential openness. *Psychological Bulletin* **120**, 323-337.
- Meinhardt, H. (1982) Models of Biological Pattern Formation. London: Academic Press.
- Nicolis, G. and Prigogine, I. (1977) Self-Organization in Nonequilibrium Systems: From Dissipative Structures to Order through Fluctuations. New York: John Wiley & Sons, Inc.
- Putnam, F.W. (1997) Dissociation in Children and Adolescents. New York: The Guilford Press.
- Savic, D. and Jelic, S. (In preparation) A theoretical study of the hypothalamo-pituitary-adrenocortical axis dynamics. *Journal of Theoretical Biology*.
- Savic, D., Knežević, G. and Opacic, G. (1999) Individualne razlike u stresnom odgovoru - uvod u matematički model, [Individual differences in stress response - Introduction to mathematical model]. *Psihijatrija Danas* **31**, 339-361.
- Savic, D., Knežević, G. and Opacic, G. (2000) Mathematical Model of Stress Reaction: Individual Differences in Threshold and Duration. *Psychobiology* **28**, 581-592.

---

<sup>5</sup> Spisak literature u našim navedenim radovima je veliki, pa se zainteresovan citalac upucuje na njih.